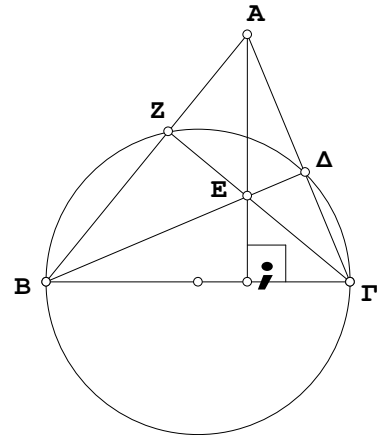


**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ**  
**ΣΧΗΜΑΤΑ ΕΓΓΕΓΡΑΜΜΕΝΑ ΣΕ ΚΥΚΛΟ**  
**ΤΜΗΜΑ Β4**

**Άσκηση 1<sup>η</sup> :**

Με διάμετρο την πλευρά **ΒΓ** τριγώνου **ΑΒΓ** γράφουμε κύκλο, ο οποίος τέμνει τις πλευρές **ΑΒ** και **ΑΓ** στα σημεία **Ζ** και **Δ** αντίστοιχα. Αν **Ε** είναι το σημείο τομής των **ΒΔ** και **ΓΖ** να αποδείξετε ότι:

$$\boxed{ΑΕ \perp ΒΓ}$$

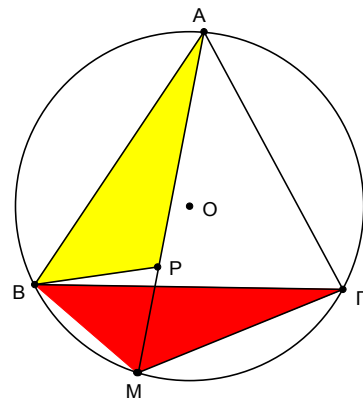


**Άσκηση 2<sup>η</sup> :**

Στο διπλανό σχήμα το **ΑΒΓ** είναι ισόπλευρο εγγεγραμμένο στον κύκλο  $(O,R)$  και είναι  $ΑΡ = ΜΓ$ .

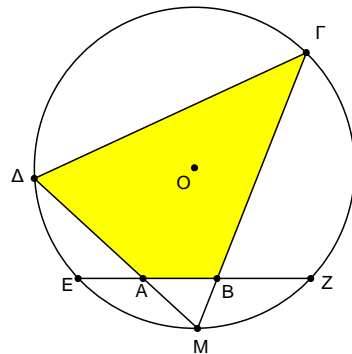
Να αποδείξετε ότι:

- i) Τα τρίγωνα **ΑΒΡ** και **ΒΜΓ** είναι ίσα.
- ii)  $ΜΑ = ΜΒ + ΜΓ$



**Άσκηση 3<sup>η</sup> :**

Δίνεται κύκλος  $(O,R)$  και **ΕΖ** μια χορδή του. Από το μέσο **Μ** του τόξου  $\widehat{ΕΖ}$  φέρουμε τις χορδές **ΜΔ** και **ΜΓ** που τέμνουν την **ΕΖ** στα σημεία **Α** και **Β** αντίστοιχα. Να αποδείξετε ότι το τετράπλευρο **ΑΒΓΔ** είναι εγγράψιμο.



**Άσκηση 4<sup>η</sup>**

Δίνεται τρίγωνο **ΑΒΓ** εγγεγραμμένο σε κύκλο με κέντρο **Ο**. Φέρουμε το ύψος του **ΑΔ** και τη διάμετρο **ΑΕ**. Αν **Ζ** είναι η προβολή του **Γ** στην **ΑΕ**, να δείξετε ότι:

- α. Το τετράπλευρο **ΑΖΔΓ** είναι εγγράψιμο.
- β.  $ΖΔ \parallel ΒΕ$
- γ. Η ευθεία **ΖΔ** είναι κάθετη στην **ΒΕ**.

